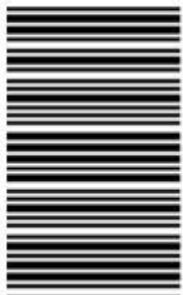


۱۴۳

A



۱۴۳A

نام:

نام خانوادگی:

محل اقامت:



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»

امام خمینی (ره)

دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه
۱۳۹۴/۱۲/۱۴

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکторی (نیمه‌تمتر کز) – سال ۱۳۹۵

مهندسی شیمی (کد ۲۳۱۱)

مدت پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۰

عنوان دروس اختصاصی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	دروس اختصاصی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	ریاضیات مهندسی، ترمودینامیک، سیالات	۴۰	۱	۴۰

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تعامی اشخاص خلیفی و حلقوی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برای علورات و فثار می‌شود.

ریاضیات مهندسی:

-۱ بهارای کدام اعداد مختلف، $\sin(i\bar{z}) = \overline{\sin(iz)}$ است؟

$$z_k = (k\pi - \frac{\pi}{2})i \quad (1)$$

$$z_k = k\pi i \quad (2)$$

(3) فقط z های حقیقی

(4) کلیه Z ها

-۲ تابع: $f(z) = \begin{cases} A(\frac{\cosh z - 1}{z^2}), & z \neq 0 \\ 1, & z = 0 \end{cases}$

$$-2 \quad (1)$$

$$\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$2 \quad (4)$$

-۳ C یک خم بسته ساده در جهت مثلثاتی، و مبدأ مختصات یک نقطه درون C می‌باشد. مقدار انتگرال زیر، کدام

$$I = \frac{1}{2\pi i} \oint_C \frac{e^{tz}}{z^{n+1}} dz \quad \text{است؟}$$

$$\frac{t^n}{n!} \quad (1)$$

$$n!t^n \quad (2)$$

$$\frac{t^{n-1}}{n!} \quad (3)$$

$$\frac{t^{n+1}}{n!} \quad (4)$$

-۴ تبدیل خطی کسری سه نقطه $(1, 0, \infty)$ را به ترتیب به سه نقطه $(-1, 1, -2)$ تبدیل می‌کند. نقاط ثابت این تبدیل، کدام است؟

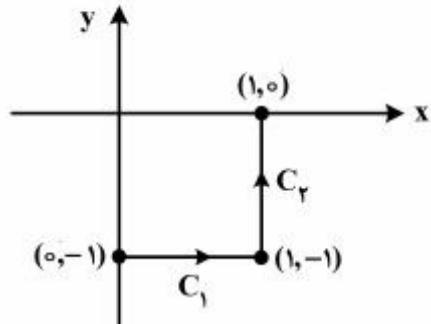
$$z = 2 \pm i\sqrt{2} \quad (1)$$

$$z = -2 \pm 2i\sqrt{2} \quad (2)$$

$$z = -1 \pm i\sqrt{2} \quad (3)$$

$$z = 1 \pm i\sqrt{2} \quad (4)$$

-۵ حاصل انتگرال $I = \int_C \bar{z} dz$ را مسیر نشان داده شده در شکل زیر، کدام است؟



- $2i - 1$ (۱)
 $1 - 2i$ (۲)
 $2i$ (۳)
 2 (۴)

-۶ ضریب z^3 در بسط لوران تابع $f(z) = \begin{cases} \frac{z^3}{\cosh z - 1} & z \neq 0 \\ 1 & z = 0 \end{cases}$ کدام است؟

- $-\frac{1}{6}$ (۱)
 $\frac{1}{6}$ (۲)
 0 (۳)
 1 (۴)

-۷ مقدار $\oint_{|z|=1} (e^{-\frac{1}{z^3}} \sin \frac{1}{z} + \frac{|\bar{z}|}{z^3}) dz$ کدام است؟

- $-2\pi i$ (۱)
 0 (۲)
 $2\pi i$ (۳)
 $\frac{\pi}{2} i$ (۴)

-۸ با استفاده از بسط سری فوریه تابع $f(x) = x^3 + |x|$ در بازه $-1 < x < 1$ حاصل سری زیر، کدام است؟

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 - \cos(3n\pi)}{(n\pi)^3}$$

- $\frac{5}{24}$ (۱)
 $\frac{5}{12}$ (۲)
 $\frac{5}{6}$ (۳)
 $\frac{5}{3}$ (۴)

-۹ ناحیه بالای خط $x+y=1$ در صفحه z تحت نگاشت $w = \frac{1}{z}$ ، داخل دایره‌ای، با کدام مرکز و شعاع تصویر می‌شود؟

$$(1) \text{ به مرکز } \left(\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right) \text{ و شعاع } \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(2) \text{ به مرکز } \left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \text{ و شعاع } \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(3) \text{ به مرکز } \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \text{ و شعاع } \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$(4) \text{ به مرکز } \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}\right) \text{ و شعاع } \frac{\sqrt{2}}{2}$$

باشد، آنگاه معادله $z_{xx} + 2z_{tt} = 0$. به چه معادله‌ای تبدیل می‌شود؟

$$\begin{cases} u = x-t \\ v = 2x+t \end{cases}, z = z(u, v) \quad -10$$

$$z_{uv} = 0 \quad (1)$$

$$z_{uu} = z_{vv} \quad (2)$$

$$z_{uu} + 2z_{vv} = 0 \quad (3)$$

$$z_{uu} + 2z_{uv} + z_{vv} = 0 \quad (4)$$

ترمودینامیک:

-۱۰ کدام‌یک از عبارات زیر صحیح است؟

(۱) انرژی داخلي سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل مستقل از فشار است.

(۲) آنتروپی سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل تابع فشار است.

(۳) آنتالپی سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل مستقل از فشار است.

(۴) آنتالپی گاز کامل مستقل از فشار و انرژی داخلي سیال تراکم ناپذیر تابع فشار است.

-۱۱ کدام‌یک از عبارات زیر صحیح است؟

(۱) آنرژی داخلي سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل مستقل از فشار است.

(۲) آنتروپی سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل تابع فشار است.

(۳) آنتالپی سیال تراکم ناپذیر مثل گاز کامل مستقل از فشار است.

(۴) آنتالپی گاز کامل مستقل از فشار و انرژی داخلي سیال تراکم ناپذیر تابع فشار است.

-۱۲ مخزنی صلب و عایق به حجم $1/6 \text{ lit}$ به دو قسمت مساوی تقسیم شده است. در یک قسمت گاز کاملی در دمای 50° K و فشار 200 kPa وجود دارد و قسمت دیگر کاملاً خالی است. حال غشاء بین دو قسمت گسیخته شده و گاز همه مخزن را پر می‌کند. کدام‌یک از مقادیر زیر به ترتیب (از چپ به راست) برای دمای نهایی (T_2) بر حسب کلوین (K) و تغییرات آنتروپی گاز (ΔS) بر حسب $\frac{J}{\text{mol.K}}$ صحیح است؟

$$R = 8,314 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}, \ln 2 = 0,7, \ln 3 = 1,1, \ln 5 = 1,6$$

$$500, -5,82 \quad (2)$$

$$250, 5,82 \quad (1)$$

$$500, 11,88 \quad (4)$$

$$500, 5,82 \quad (3)$$

- ۱۳- مخزن صلب عایقی حاوی یک گرم مول گاز کامل در دمای 250 K و دمای محیط برابر 300 K می‌باشد. به دلیل حادثه‌ای، عایق‌بندی مخزن نقص پیدا می‌کند و از محیط به مخزن گرما منتقل می‌شود. شدت انتقال گرما از محیط به مخزن با اختلاف دمای محیط و مخزن مناسب است و در لحظه اول برابر 10 W می‌باشد. دمای گاز پس از حدود 32 ثانیه به طور تقریبی بر حسب دمای کلوین چقدر است؟

$$\text{Exp}x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v} = 1.5, R = \lambda \frac{J}{\text{mol.K}}$$

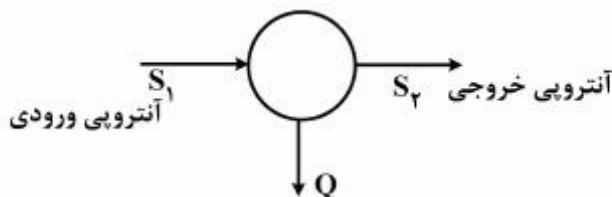
۲۸۵ (۴)

۲۷۴ (۳)

۲۶۶ (۲)

۲۵۴ (۱)

- ۱۴- در سیستم یکنواخت یا پایدار (S.S.) زیر دمای متوسط داخل سیستم T_s و دمای محیط T_0 است. آنتروپی تولیدی در این فرآیند کدام است؟



$$S_T - S_1 - \frac{|Q|}{T_0} \quad (۲)$$

$$S_T - S_1 - \frac{|Q|}{T_s} \quad (۱)$$

$$S_T - S_1 + \frac{|Q|}{T_0} \quad (۴)$$

$$S_T - S_1 + \frac{|Q|}{T_s} \quad (۳)$$

- ۱۵- یک جسم فلزی به جرم ۵ و گرمای ویژه ۲ و دمای 600 K را در هوای آزاد به دمای 300 K قرار می‌دهیم و به اندازه کافی صبر می‌کنیم. تغییر خالص آنتروپی این تحول چند است؟ واحدها همه هماهنگ و اختیاری است.

$$\ln 2 = 0.69, \ln 3 = 1.1, \ln 5 = 1.6$$

۱۰ (۴)

۷ (۳)

۵ (۲)

۳ (۱)

- ۱۶- در یک محلول دوجزئی G^E واحد مول آن عبارت است از:

$$G^E = AX_1 X_2^{\gamma}$$

مقدار $\ln \gamma_2$ کدام است؟

$$\frac{A}{RT} [1 - 2x_1] x_1 x_2 \quad (۴) \quad \frac{A}{RT} [x_1 (1 - x_2)] \quad (۵) \quad \frac{1}{RT} [2AX_1 X_2^{\gamma}] \quad (۶) \quad \frac{1}{RT} [2AX_1^{\gamma} X_2] \quad (۷)$$

- ۱۷- برای یک مخلوط همگن دوتایی در یک دما و فشار مشخص داریم:

$$\bar{s}_1^{\infty} = 2x_1^{\gamma} - 2x_2^{\gamma} + 6x_2 + 18 \quad \text{مقدار } \bar{s}_2^{\infty} \text{ چقدر است؟ واحدها اختیاری است.}$$

۳۲ (۴)

۳۱ (۳)

۲۱ (۲)

۲۰ (۱)

- ۱۸- در یک مخلوط دوجزئی $\lim_{x_1 \rightarrow 0} \frac{G^E}{x_1 x_2 RT}$ برابر کدام مورد است؟

 $\ln \gamma_2^{\infty}$ (۴) $\ln \gamma_1^{\infty}$ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

-۱۹ معادله حالت یک مخلوط دوجزئی به صورت زیر است:

$$V = \frac{RT}{P} \left[1 + \frac{1}{\lambda} \left(\frac{y_1 P_{r,1}}{T_{r,1}} + \frac{y_2 P_{r,2}}{T_{r,2}} \right) \right]$$

که در آن $T_{r,i}$ و $P_{r,i}$ به ترتیب دمای کاهیده شده و فشار کاهیده شده (نقصانی) می‌باشند.

$\ln \phi_1$ از این معادله حالت برابر کدامیک از گزینه‌های زیر است؟

$$1 + \frac{1}{\lambda} \frac{P_{r,1}}{T_{r,1}} \quad (4) \quad \frac{1}{2} \frac{P_{r,1}}{T_{r,1}} \quad (3) \quad \frac{1}{\lambda} \frac{P_{r,1}}{T_{r,1}} \quad (2) \quad \frac{1}{4} \frac{P_{r,1}}{T_{r,1}} \quad (1)$$

-۲۰ با توجه به رابطه $dH = C_p dT + \left[V - T \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \right] dp$ مقدار آنتالپی باقی‌مانده ($H^R = -\Delta H'$) یک گاز برابر

$$\text{کدام رابطه زیر است؟ خواص حجمی گاز از معادله ویریال } z = 1 + \frac{BP}{RT}$$

$$\frac{P}{R} \frac{dB}{dT} \quad (4) \quad \frac{P}{R} \left(\frac{B}{T} - \frac{dB}{dT} \right) \quad (3) \quad (B - T \frac{dB}{dT}) P \quad (2) \quad (1) \text{ صفر}$$

-۲۱ در سیستم مایع دوجزئی نیتروژن ۱ و آب ۲ ضریب فعالیت جزء ۱ از رابطه

$$\ln \gamma_1 = 0.198x_1 + 0.418x_2 + 0.372x_1x_2$$

به دست می‌آید. در دما و فشار سیستم حلالیت نیتروژن در آب بسیار کم است. در صورتی که $f_1 = 10 \text{ bar}$ باشد ثابت هنری جزء ۱ کدام است؟

$$\frac{1}{y_1} \quad (4) \quad 10 \quad (3) \quad 10 \exp(0.198) \quad (2) \quad 10 \exp(0.372) \quad (1)$$

-۲۲ دو مخزن کامل‌اً عایق A و B حاوی دو گاز کامل A و B (از دو جنس مختلف) می‌باشند که در اولی دو گرم مول گاز کامل A در دمای 400 K و فشار 20 atm و در دومی ۳ گرم مول گاز کامل B در همان دمای 400 K و فشار

۳۰ atm وجود دارد. حال شیر متصل بین این دو مخزن را باز می‌کنیم تا این دو گاز به طور کامل باهم مخلوط شوند تغییر خالص آنتروپی این تحول به طور تقریبی بر حسب کالری بر درجه کلوین چقدر است؟ برای هر گاز داریم:

$$R = 2 \frac{\text{cal}}{\text{mol.K}} , \gamma = \frac{C_p}{C_v} = 1.5 , \ln 2 = 0.7 , \ln 3 = 1.1 , \ln 5 = 1.6$$

$$7 \quad (4) \quad 2/5 \quad (3) \quad 2/8 \quad (2) \quad 1/4 \quad (1)$$

-۲۳ یک قطعه جامد به جرم هزار و دمای 600 K و گرمای ویژه 10 درون هوای آزاد به دمای 300 K وجود دارد. با استفاده از این قطعه جامد حداقل کار قابل تصوری که می‌توان گرفت چند است؟ واحدها همه هماهنگ و اختیاری است.

$$\ln 2 = 0.7 , \ln 3 = 1.1 , \ln 5 = 1.6$$

$$6 \times 10^5 \quad (4) \quad 8 \times 10^5 \quad (3) \quad 9 \times 10^5 \quad (2) \quad 10^6 \quad (1)$$

-۲۴ برای یک مخلوط دوجزئی (دوگانه) تعادلی در دمای T داریم: $P_1^{\text{sat}} = 100$, $P_2^{\text{sat}} = 200$ و

$$\frac{G^E}{RT} \text{ کدام است؟ واحدها همه هماهنگ و اختیاری است.}$$

$$0.2 \ln 4/15 + 0.8 \ln 0/675 \quad (2) \quad 0.2 \ln 2/15 + 0.8 \ln 0/475 \quad (1)$$

$$0.2 \ln 3/15 + 0.8 \ln 0/675 \quad (4) \quad 0.2 \ln 0/675 + 0.8 \ln 3/15 \quad (3)$$

-۲۵ - ضریب بی‌مرکزی به صورت

$$\omega = -\log P_r^{\text{sat}} \Big|_{T_r=0/V} - 1$$

تعریف شده است. اگر برای یک ماده T_b نقطه جوش نرمال (بر حسب دمای کلوین) و P_c , T_c مختصات نقطه بحرانی

$$\left(\frac{T_b}{T_c}\right)^{\theta} \text{ فرض شود، کدام رابطه برای } \omega \text{ صحیح است؟}$$

$$\frac{4}{V} \left(\frac{\theta}{1-2\theta} \right) \log P_c - 1 \quad (2)$$

$$\frac{4}{V} \left(\frac{\theta}{1-\theta} \right) \log P_c - 1 \quad (4)$$

$$\frac{3}{V} \left(\frac{\theta}{1-2\theta} \right) \log P_c - 1 \quad (1)$$

$$\frac{3}{V} \left(\frac{\theta}{1-\theta} \right) \log P_c - 1 \quad (3)$$

-۲۶ - حجم مولی یک سیستم دوجزئی گازی $2000 \text{ cm}^3/\text{mol}$ است و خواص حجمی آن از معادله ویریال به

دست می‌آید. در صورتی که $B = x_1(B_2 - B_1) + x_2(B_2 - B_1)$ باشد، حجم مولی جزئی جزء ۱ (\bar{V}_1) بر حسب

$$\left(\frac{\text{cm}^3}{\text{mol}} \right) \text{ کدام است؟}$$

$$x_1 = 0.1, \quad B_1 = -200 \frac{\text{cm}^3}{\text{mol}}, \quad B_2 = -250 \frac{\text{cm}^3}{\text{mol}}$$

۲۰۵۴ (۴)

۲۰۰۶ (۳)

۲۰۰۰ (۲)

۱۹۴۶ (۱)

-۲۷ - گازی از معادله حالت ویریال $Z = 1 + B'P$ پیروی می‌کند. این گاز در دمای ثابت 400K از فشار 5atm اتمسفر به ۵ اتمسفر تغییر حالت می‌دهد. مقدار تغییر انرژی آزاد هلمهولتز آن تقریباً چند ژول بر مول است؟

$$R = 8.314 \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}, \quad \ln 2 = 0.693, \quad \ln 3 = 1.10, \quad \ln 5 = 1.609$$

۹۴۶۰ (۴)

۷۲۶۰ (۳)

۵۵۶۰ (۲)

۳۵۶۰ (۱)

-۲۸ - یک گاز کامل در دمای 400K و فشار 10atm به صورت آدیاباتیک رورسیبل وارد یک توربین فرضی شده و در فشار 1atm خارج می‌شود در صورتی که مقدار گرمای تلفشده از توربین برابر ده درصد مقدار کار گرفته شده از توربین باشد، مقدار کار گرفته شده از توربین به طور تقریبی چند کالری بر گرم مول است؟

$$R = 2.057 \frac{\text{cal}}{\text{mol.K}}, \quad \frac{C_p}{C_v} = 1.15$$

$$10^{\circ}/25 = 1/8, \quad 10^{\circ}/5 = 3/2, \quad 10^{\circ}/33 = 2/25$$

۱۶۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۸۰۰ (۲)

۶۰۰ (۱)

-۲۹ - یک مخلوط دوجزئی شامل اجزای (۱) و (۲) از رابطه انرژی آزاد گیبس اضافی $\alpha x_1 x_2 \frac{G^E}{RT} = \alpha x_1 x_2$ پیروی می‌کند که α

مقدار ثابتی است. در صورتی که $P_1^{\text{sat}}, P_2^{\text{sat}}$ فشارهای بخار مواد خالص ۱ و ۲ و $k_{1,2}$ و $k_{2,1}$ به ترتیب ثابت‌های

$$\frac{k_{1,2}}{k_{2,1}} \text{ برابر کدامیک از گزینه‌های زیر است؟}$$

$$(\ln \alpha) \times \frac{P_1^{\text{sat}}}{P_2^{\text{sat}}} \quad (4)$$

$$\frac{1}{e^\alpha} \frac{P_1^{\text{sat}}}{P_2^{\text{sat}}} \quad (3)$$

$$e^\alpha \frac{P_1^{\text{sat}}}{P_2^{\text{sat}}} \quad (2)$$

$$\frac{P_1^{\text{sat}}}{P_2^{\text{sat}}} \quad (1)$$

- ۳۰- برای یک محلول دوجزئی از مواد (۱) و (۲) آنتالپی عمل انحلال به صورت آزمایشی مطابق رابطه زیر به دست آمده است.

$$\Delta h_{mix} = 1000 x_1 x_2$$

برای تابع انرژی آزاد گیبس اضافی این محلول مدل مارگولس دو پسوندی برقرار است.

$$G^E = Ax_1 x_2$$

در صورتی که مقدار A در دمای 200 K $400 \frac{\text{J}}{\text{mol}}$ باشد مقدار آن در دمای 250 K چند زول بر مول

$$\left(\frac{\text{J}}{\text{mol}}\right)$$

۴۰۰ (۴)

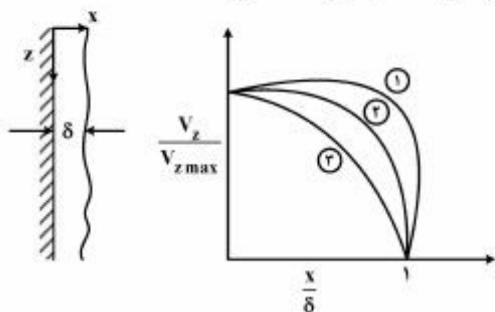
۳۰۰ (۳)

۲۵۰ (۲)

۲۰۰ (۱)

سیالات:

- ۳۱- اگر سیالی با رفتار پاور لاو به صورت فیلم روی دیواره ثابت ریزش نماید، کدام گزینه صحیح است؟



$$n > 1 \leftarrow (۳) \quad n = 1 \leftarrow (۲) \quad , \quad n < 1 \leftarrow (۱) \quad (۱)$$

$$n = 1 \leftarrow (۳) \quad n < 1 \leftarrow (۲) \quad , \quad n > 1 \leftarrow (۱) \quad (۲)$$

$$n > 1 \leftarrow (۳) \quad n < 1 \leftarrow (۲) \quad , \quad n = 1 \leftarrow (۱) \quad (۳)$$

$$n > 1 \leftarrow (۱) \quad n = 1 \leftarrow (۲) \quad , \quad n < 1 \leftarrow (۳) \quad (۴)$$

- ۳۲- در لایه مرزی:

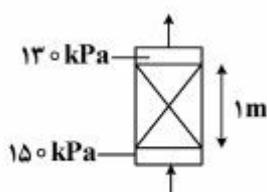
(۱) نیروهای اینرسی بر نیروهای ویسکوز غلبه می‌کند.

(۲) نیروهای ویسکوز بر نیروهای اینرسی غلبه می‌کند.

(۳) نیروهای ویسکوز و نیروهای اینرسی باهم در تعادل‌اند.

(۴) علاوه بر نیروهای ویسکوز و نیروهای اینرسی، نیروی ثقلی نیز مؤثر می‌باشد.

- ۳۳- در یک بستر ثابت که از ذرات کروی به قطر 5 mm پرشده است، آب از پائین بستر وارد شده و از بالا خارج می‌شود. فشار در ورودی 150 kPa بوده و در خروجی بستر برابر 130 kPa می‌باشد. با فرض اینکه تخلخل بستر $4/5 = 0.8$ و ویسکوزیته آب 1 cP باشد. افت فشار بستر ناشی از تلفات تقریباً چند kPa است؟



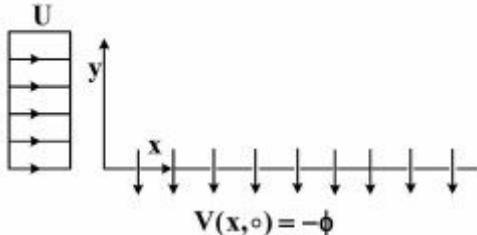
۵ (۱)

۱۰ (۲)

۱۵ (۳)

۲۰ (۴)

- ۳۴- جریان یکنواخت و پایداری از یک سیال همانند شکل زیر بر روی یک صفحه صاف متخلخل وجود دارد. سیال با سرعت ثابت ϕ از روی صفحه به داخل آن مکیده می‌شود به طوری که مؤلفه قائم سرعت روی سطح جامد با ϕ برابر است. با فرض جریان توسعه‌یافته و تراکم ناپذیر و فشار ثابت روی صفحه معادله توزیع سرعت (y) در جهت X برابر کدام‌یک از موارد زیر است؟



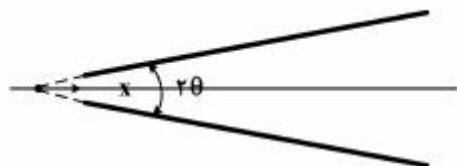
$$U e^{\left(\frac{\phi}{v}\right)y} \quad (1)$$

$$U \left(1 + \frac{y}{\phi}\right) \quad (2)$$

$$U \left[1 - e^{-\left(\frac{\phi}{v}\right)y}\right] \quad (3)$$

$$U \left[1 - e^{-\left(\frac{\phi}{v}\right)y}\right] \quad (4)$$

- ۳۵- جریان سیال در شبپوره واگرا با زاویه رأس کوچک 2θ با دبی Q مانند شکل برقرار است، شتاب جریان روی محور شبپوره چگونه تغییر می‌کند؟



$$-\left(\frac{Q}{\pi \tan^2 \theta}\right)^{1/2} \frac{1}{x} \quad (1)$$

$$-\left(\frac{Q}{\pi \tan^2 \theta}\right)^{1/2} \frac{1}{x^{3/2}} \quad (2)$$

$$-\left(\frac{Q}{\pi \tan^2 \theta}\right)^{1/2} \frac{1}{x^{5/2}} \quad (3)$$

$$\left(\frac{Q}{\pi \tan^2 \theta}\right)^{1/2} \frac{1}{x^{5/2}} \quad (4)$$

- ۳۶- با بیندهسازی، معادله حرکت کدام‌یک از موارد زیر است؟

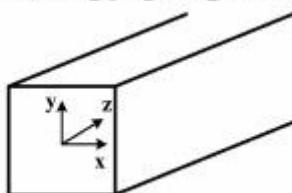
$$Re \frac{DV}{Dt} = -\nabla P + \nabla^2 V + \frac{1}{Fr} \quad (1)$$

$$\frac{DV}{Dt} = -\nabla P + Re \nabla^2 V + \frac{1}{Fr} \quad (2)$$

$$Re \frac{DV}{Dt} = -\nabla P + \nabla^2 V + Fr \quad (3)$$

$$\frac{DV}{Dt} = -\nabla P + \frac{1}{Re} \nabla^2 V + Fr \quad (4)$$

- ۳۷- برای جریانی در راستای محور کanal (Z) با سطح مقطع مربع کدام عبارت صحیح است؟



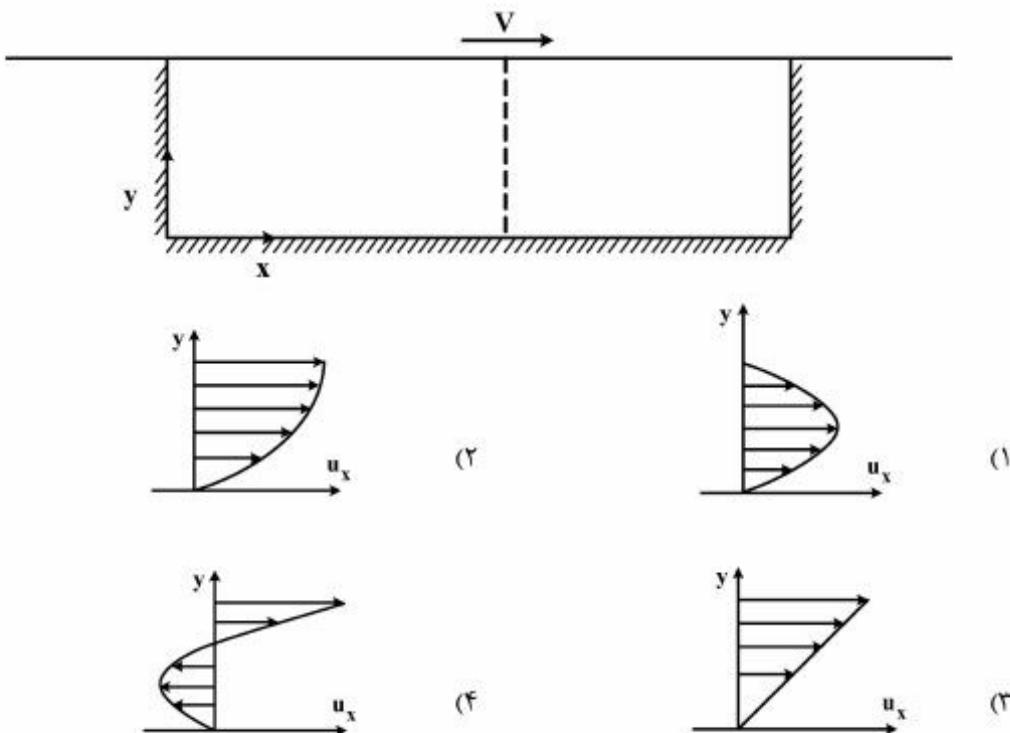
(۱) ویسکوزیته جریان ناآرام نزدیک دیواره در راستاهای Z و X تفاوتی با مرکز کanal نمی‌کند.

(۲) ویسکوزیته جریان ناآرام در جهات Z و X در نزدیکی دیواره بیشتر از مرکز کanal است.

(۳) ویسکوزیته جریان ناآرام نزدیک دیواره در راستای Z بیشتر ولی در راستای X کمتر از مرکز کanal است.

(۴) چون اختشاش در مرکز کanal بیشتر است بنابراین ویسکوزیته راستاهای Z و X در مرکز کanal بیشتر از نزدیکی دیواره است.

- ۳۸- کanal مستطیل شکل طویلی مطابق با شکل زیر موجود است. دو سر کanal بسته می‌باشد. در صورت حرکت صفحه فوقانی مطابق شکل، توزیع سرعت بر روی قسمت خط‌چین به چه شکل است؟



- ۳۹- برای یک میدان جریان سیال غیر ویسکوز دوبعدی در حالت یکنواخت، بردار سرعت به صورت زیر است:
- $$\vec{V} = 4x\hat{i} - 4y\hat{j}$$

با صرف نظر کردن از نیروی گرانش و با فرض اینکه فشار در نقطه $(0, 0)$ ، برابر با p_0 است، تابع توزیع فشار کدام یک از موارد زیر است؟

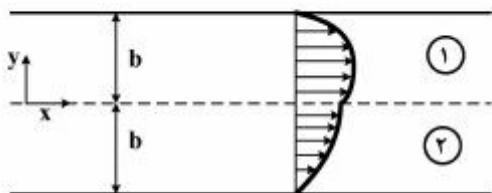
$$(x^2 + y^2) + p_0 \quad (1)$$

$$4(x^2 + y^2) + p_0 \quad (2)$$

$$-8(x^2 + y^2) + p_0 \quad (3)$$

$$-16(x^2 + y^2) + p_0 \quad (4)$$

- ۴۰- دو مایع مخلوط نشدنی بین دو صفحه موازی ساکن و افقی تحت تأثیر گرادیان فشار جریان دارند. توزیع سرعت مایعات همانند شکل زیر است. کدام یک از عبارات زیر صحیح است؟



(1) تنش بر روی صفحات بالا و پایین یکسان است.

(2) تنش بیشینه در فصل مشترک بین دو سیال می‌باشد.

(3) ویسکوزیته سیال (1) بیشتر از سیال (2) بوده و دبی سیال یک بیشتر از سیال (2) می‌باشد.

(4) ویسکوزیته سیال (1) کمتر از ویسکوزیته سیال دو بوده و دبی سیال (1) بیشتر از دبی سیال (2) می‌باشد.

